

campus.gov.il
הפסיכומטרי של המדינה
אלעד שווייצר, ליאור כהן

דפי סיכום - חשיבה כמותית

campus.gov.il
הפסיכומטרי של המדינה
אלעד שווייצר, ליאור כהן

אלגברה



פעולות חשבון בשברים פשוטים

- חיבור/חיסור: מכנה משותף \Leftarrow חיבור/חיסור מונים
- כפל: מכפלת המונים חלקי מכפלת המכנים
- חזקה: מעלים גם את המונה וגם את המכנה בחזקה
- חילוק: כפל בהופכי או קשתות
- קיצור דרך:
 - השלמה לשלם
 - צמצום לפני הכפלה

פעולות חשבון בשברים עשרוניים

- חיבור/חיסור: בדיוק כמו חיבור/חיסור מאונך.
יש להקפיד שהנקודות העשרוניות תהיינה אחת מעל השנייה
- כפל: כופלים את האברים תוך התעלמות מהנקודה העשרונית וממקמים את הנקודה העשרונית בתוצאה, בהתאם לסך הספרות לאחר הנקודה בשני האברים
- חילוק: כדי לחלק מספר בשבר עשרוני נרחיב את השבר כך שנקבל מספר שלם במכנה

הבנת מונה ומכנה

- בחלוקת שני גורמים חיוביים: אם המונה גדול מהמכנה התוצאה תהיה גדולה מ-1, ואם המכנה גדול מהמונה התוצאה תהיה בין 0 ל-1
- בחלוקת שני גורמים שלילים: להפך

השוואת שברים

- שיטות השוואה:
 - השוואת מונים/מכנים
 - כפל באלכסון
 - השלמה ל-1
 - הערכת סדר גודל / השוואה לשבר מוכר
 - המרה לשבר עשרוני
 - העלאה בריבוע
- טכניקת עבודה להשוואה בין 4 שברים - חצי גמר/גמר





חשיבה פסיכומטרית

- הצבת מספרים - חלק גדול מהשאלות בתחום זה נפתור באמצעות הצבת מספרים במקום נעלמים

ביטוי \neq משוואה. אין אפשרות להעביר אגפים בביטויים

ארגז כלים

- הוצאת גורם משותף:
 - פשוט (לדוגמה: x)
 - מורכב (לדוגמה: $x + 1$)
- שליטה בסדר פעולות חשבון
- זיהוי מספרים זהים/נגדיים:
 - תוצאת חלוקת איברים זהים היא תמיד 1
 - תוצאת חלוקת איברים נגדיים היא תמיד -1
- צמצום בחיבור וחיסור: נחלק במכנה כל אחד מהגורמים במונה
- שליטה בנוסחאות הכפל המקוצר:
 - $(a + b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$
 - $(a - b)^2 = a^2 + b^2 - 2ab$
 - $a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$





טכניקה בסיסית

- בידוד משתנה
- חיבור/חיסור משוואות

טכניקה מתקדמת

- צמצום בנעלם - מותר בתנאי שהוא שונה מ-0
- פתרון משוואת ממעלה שנייה ומעלה - נוציא גורם משותף על מנת להגיע למכפלה השווה ל-0
- אם מכפלת איברים שווה 0, לפחות אחד האיברים שווה ל-0
- שורש זוגי - מתקבלים תמיד שני פתרונות (\pm)
- ערך משולש - במשוואה של שני שברים ניתן לחשב את הערך של המונה או המכנה באמצעות ערך משולש
- כפל/חילוק משוואת - מותר
- העלאת משוואה בחזקה - נעלה את שני האגפים בחזקה
- משוואה אחת עם שני נעלמים או יותר - כאשר מספר הנעלמים גדול ממספר המשוואות, לא ניתן לדעת את הערך של כל הנעלמים במשוואות, אך ניתן לעיתים לדעת את יחסי הגדלים בין הנעלמים

משוואות פסיכומטריות

- בשאלות אלו חשוב לחשוב לפני שמחשבים
- רמזים למציאת הפתרון הפשוט:
 - מה שואלים?
 - אלו פרמטרים מופיעים בתשובות?
 - האם קיים פרמטר שהופיע בנתונים אך אינו מופיע בשאלה או בתשובות?
- כלים נפוצים לפתרון:
 - חיבור/חיסור משוואות
 - נוסחאות הכפל המקוצר: בשאלות אלו, אין צורך לחשב את ערכם של המשתנים, וניתן להציב את הנתונים במשוואת כפל מקוצר
 - חישוב ביטוי: לרוב אין צורך לחשב את הערך של כל נעלם בנפרד, אלא לחשב ישירות את הביטוי המבוקש (באמצעות חיבור, חיסור או חלוקת משוואות)





טכניקה בסיסית

- אי-שוויון נפתור כמו משוואה, למעט מצבים בהם נאלץ לכפול או לחלק את האי-שוויון במספר שלילי. במצבים אלו עלינו להפוך את סימן האי-שוויון
- מערכת אי-שוויונות: נפתור כל אי-שוויון בנפרד ונמצא את התחום המקיים את שניהם
- אי-שוויון כפול = מערכת אי-שוויונות
- משוואה עם אי-שוויון: נבודד נעלם מהמשוואה ונציב אותו באי-השוויון
- שרשור אי-שוויונות: נניח נעלמים זהים זה על זה ונקבל אי-שוויון כפול
- אי-שוויון ממעלה שנייה: נפתור את התרגיל תחת הנחה שהנעלם חיובי, ולאחר מכן נשליך את התוצאה בצורה סימטרית על התחום השלילי

טכניקה מתקדמת

- כפל / צמצום בנעלם:
 - אם סימן הנעלם נתון, נפתור בהתאם
 - אם ניתן להסיק את סימן הנעלם, נסיק ונפתור בהתאם
 - אם סימן הנעלם לא ידוע, נפתור שני מצבים
- שרשור מרובה נעלמים: נחפש שני אזורים המכילים נעלם זהה ונפתור את אי-השוויון
- אי-שוויון כפול עם נעלם במרכז בלבד: ניתן לפתור ללא פירוק למערכת אי-שוויונות על-ידי ביצוע שרשרת הפעולות על שלושת האיברים

סוגי שאלות

- שאלות טכניקה
- שאלות ניסוי וטעייה
- שאלות הבנה



סיכום שיעור - חזקות ושורשים



חזקות

- כל מספר בחזקת 0 (למעט 0) שווה ל-1: $a^0 = 1$
- בכפל בסיסים זהים מחברים חזקות: $x^a \cdot x^b \Leftrightarrow x^{a+b}$
- בחילוק בסיסים זהים מחסרים חזקות: $\frac{x^a}{x^b} \Leftrightarrow x^{a-b}$
- בחזקה של חזקה כופלים את החזקות: $(x^a)^b \Leftrightarrow x^{a \cdot b}$
- בכפל מעריכים זהים כופלים בסיסים: $x^a \cdot y^a \Leftrightarrow (xy)^a$
- בחילוק מעריכים זהים מחלקים בסיסים: $\frac{x^a}{y^a} \Leftrightarrow \left(\frac{x}{y}\right)^a$
- חזקה שלילית הופכת מונה ומכנה: $\left(\frac{x}{y}\right)^{-a} \Leftrightarrow \left(\frac{y}{x}\right)^a$
- משוואה מעריכית: נשווה בסיסים ואז נשווה בין החזקות
- אובייקט: $a = 0$ או $b = \pm 1 \Leftrightarrow b^a = 1$
- אובייקט: $2^4 = 4^2 \Leftrightarrow b^a = a^b$
- ניתן להוציא גורם משותף בחזקה

שורשים

- המרת שורש לחזקה: $\sqrt[b]{x^a} \Leftrightarrow (x^{\frac{1}{b}})^a = x^{\frac{a}{b}}$
- בכפל מעריכים זהים כופלים בסיסים: $\sqrt[a]{x \cdot y} \Leftrightarrow \sqrt[a]{x} \cdot \sqrt[a]{y}$
- בחילוק מעריכים זהים מחלקים בסיסים: $\frac{\sqrt[a]{x}}{\sqrt[a]{y}} \Leftrightarrow \sqrt[a]{\frac{x}{y}}$
- שורש של שורש נכפול את המעריכים: $\sqrt[a]{\sqrt[b]{x}} \Leftrightarrow \sqrt[a \cdot b]{x}$
- הכנסת כופל לשורש - בחזקת המעריך: $x \cdot \sqrt[a]{y} \Leftrightarrow \sqrt[a]{x^a \cdot y}$
- חיבור וחיסור שורשים: נבצע הוצאת כופל משורש - יש לפרק את המספר לשני גורמים שלאחד מהם יש שורש
- אובייקט: $\sqrt{a} = a \Leftrightarrow a = 0$ או $a = 1$
- הערכת סדר גודל: $\sqrt{2} \approx 1.4$ $\sqrt{3} \approx 1.7$
- משוואות עם חזקות/שורשים נעלה בחזקה מתאימה כדי להיפטר מהחזקה/מהשורש



סיכום שיעור - חזקות ושורשים



$\sqrt{4} = 2$	$\sqrt[3]{8} = 2$	$\sqrt[4]{16} = 2$	$\sqrt[5]{32} = 2$	$\sqrt[6]{64} = 2$
$\sqrt{9} = 3$	$\sqrt[3]{27} = 3$	$\sqrt[4]{81} = 3$	$\sqrt[5]{243} = 3$	
$\sqrt{16} = 4$	$\sqrt[3]{64} = 4$	$\sqrt[4]{256} = 4$		
$\sqrt{25} = 5$	$\sqrt[3]{125} = 5$	$\sqrt[4]{625} = 5$		
$\sqrt{36} = 6$	$\sqrt[3]{216} = 6$			
$\sqrt{49} = 7$	$\sqrt[3]{343} = 7$			
$\sqrt{64} = 8$				
$\sqrt{81} = 9$				
$\sqrt{100} = 10$				
$\sqrt{121} = 11$				
$\sqrt{144} = 12$				
$\sqrt{169} = 13$				
$\sqrt{196} = 14$				
$\sqrt{225} = 15$				
$\sqrt{256} = 16$				
$\sqrt{289} = 17$				
$\sqrt{324} = 18$				
$\sqrt{361} = 19$				
$\sqrt{400} = 20$				

טבלת שורשים
 (ללמוד בע"פ)

חזקה בסיס	2	3	4	5	6	7	8
2	4	8	16	32	64	128	256
3	9	27	81	243			
4	16	64	256				
5	25	125	625				
6	36	216					
7	49	343					
8	64						
9	81						
10	100						
11	121						
12	144						
13	169						
14	196						
15	225						
16	256						
17	289						
18	324						
19	361						
20	400						

טבלת חזקות
 (ללמוד בע"פ)



סיכום שיעור - ערך מוחלט



שאלות הבנה

- תוצאת ערך מוחלט לעולם לא תהיה שלילית $0 \leq |x|$
- אם $x < |x|$ או $x \neq |x| \Leftrightarrow x$ שלילי
- אם $x = |x| \Leftrightarrow x$ חיובי או 0
- אם $x < |x| \Leftrightarrow$ לא ייתכן

טכניקה

- ניתן להפריד ערך מוחלט בפעולות כפל וחילוק:
$$\left| \frac{a}{b} \right| = \frac{|a|}{|b|} \text{ או } |a \cdot b| = |a| \cdot |b|$$
- ניתן להוציא גורם משותף המצוי בערך מוחלט
- ערך מוחלט \approx חזקה זוגית - ההתנהגות של ערך מוחלט דומה להתנהגות של חזקה זוגית
- אי-שוויון המשולש: $|a + b| \leq |a| + |b|$
האגפים שווים רק אם a ו-b שויי סימן

משוואות עם ערך מוחלט

- כאשר נתונה משוואה עם ערך מוחלט: $|a| = b$
נפתור אותה בחלוקה ל-2 מצבים:
(1) המספרים זהים (אגף ימין = אגף שמאל) $a = b$
(2) המספרים נגדיים (אגף ימין = - אגף שמאל) $a = -b$
- אם ניתן, נציב תשובות

אי-שוויונות עם ערך מוחלט

- כאשר נתון אי-שוויון עם ערך מוחלט, נפתור אותו תחת ההנחה שהתוצאה בתוך הערך המוחלט חיובית, ולאחר מכן נשליך את התוצאה באופן סימטרי לתחום השלילי
- קיימים שני מצבים אפשריים:
(1) $1 < |a| \Leftrightarrow 1 < a$ או $a < -1$
(2) $|a| < 1 \Leftrightarrow -1 < a < 1$



סיכום שיעור - מספרים ראשוניים



הכרות עם מספרים ראשוניים

- מספר ראשוני - מספר טבעי (חיובי ושלם) הגדול מ-1, שלא ניתן להציג אותו כמכפלה של שני מספרים טבעיים הקטנים ממנו (מספר שמתחלק רק בעצמו וב-1)
- יש אינסוף מספרים ראשוניים, כולם אי זוגיים למעט 2
- מספרים ראשוניים שמומלץ להכיר: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, ... 97

פירוק מספרים

- כל מספר שאיננו ראשוני בהכרח מורכב ממכפלת מספרים ראשוניים
- עלינו לדעת לפרק מספר שאינו ראשוני ל-
(1) גורמיו הראשוניים
(2) גורמים שלמים, לאו דווקא ראשוניים

גורמים / מחלקים

- מעבר לעצמו ול-1, כל מספר יתחלק אך ורק בגורמיו הראשוניים, או בכל צירוף של הגורמים הראשוניים שמוכלים בו
- המחלק המשותף הגדול ביותר של שני מספרים מורכב מכל הגורמים הראשוניים שנמצאים בשני המספרים (הוצאת גורם משותף מקסימלי משני המספרים)
- המחלק הוודאי הגדול ביותר של מספר מורכב מכל הגורמים הראשוניים השונים שידוע לנו שנמצאים בו

ראשוני בריבוע

- למספר ראשוני בריבוע, ורק לו, יש בדיוק 3 מחלקים



סיכום שיעור - חלוקה ושארית



חלוקה

- סיפורי התחלקות: על פי נתוני החלוקה נבין אלו תשובות אפשריות
- כמות מחלקים: בטווחי מספרים גדולים, ככל שהמחלק קטן יותר כך יהיו יותר מספרים שיתחלקו בו
- הצגה אלגברית: אם מספר מתחלק ב-3 ניתן להציג אותו כ- $3k$ (k שלם)
- חלק מהשאלות נפתור באמצעות ספרת אחדות בלבד

שארית

- שארית היא מה שנשאר כאשר מחלקים מספר מסוים במספר אחר (שארית לעולם תהיה חיובית)
- השארית המקסימלית תמיד קטנה מהמחלק ב-1
- הצגה אלגברית: אם מספר מתחלק ב-3 עם שארית 2 ניתן להציג אותו כ- $3k + 2$ (k שלם)



סיכום שיעור - חלוקה ושארית



דוגמה	איך יודעים?	מתחלק ב-
3,524	2 הספרות הימניות מתחלק ב-4	4
6,320	המספר המורכב מ-3 הספרות הימניות מתחלק ב-8	8

715 (71-5=66)	2 הספרות משמאל פחות הספרה הימנית מתחלק ב-11	11
132 (1+2-3=0)	סכום הספרות החיצוניות פחות	
	הספרה הפנימית שווה 0 או 11	

דוגמה	איך יודעים?	מתחלק ב-
376	זוגי - ספרת האחדות שלו היא זוגית - 8,6,4,2,0	2
2,745 330	ספרת האחדות היא 5 או 0	5
230	ספרת האחדות היא 0	10

417 (4+1+7=12)	סכום הספרות מתחלק ב-3	3
765 (7+6+5=18)	סכום הספרות של המספר מתחלק ב-9	9

162	המספר מתחלק ב-2 וב-3	6
-----	----------------------	---



סיכום שיעור - מספרים שלמים



חיובי שלילי

- כאשר כופלים או מחלקים שני מספרים בעלי אותו סימן, התוצאה תמיד חיובית: $(+) \cdot (+) = (-) \cdot (-) = (+)$
- כאשר כופלים או מחלקים שני מספרים בעלי סימן שונה, התוצאה תמיד שלילית: $(+) \cdot (-) = (-)$
- קיימות שתי אפשרויות עיקריות לפתרון השאלות:
 - ניתוח הנתונים וסימון $+/-$ בהתאם
 - הצבת מספרים
- חשוב לזכור ש-0 אינו חיובי ואינו שלילי

מספרים עוקבים

- מספרים עוקבים הם מספרים שלמים שההפרש ביניהם הוא 1
- הצגה אלגברית - אם A ו- B הם מספרים שלמים עוקבים כך ש- $A < B$, אז ניתן לבטא כל אחד מהם באמצעות המספר השני: $A = B - 1$ או $B = A + 1$
- גישת הפתרון המומלצת ברוב השאלות היא הצבת מספרים הממוצע של מספרים עוקבים הוא סימטרי, בדיוק באמצע

זוגיות

- מספר זוגי - מספר שלם המתחלק ב-2 ללא שארית
- 0 הוא מספר זוגי
- בחיבור וחיסור: אם מספר אי-זוגי מופיע - מספר זוגי של פעמים - התוצאה זוגית
- מספר אי-זוגי של פעמים - התוצאה אי-זוגית
- כפל במספר זוגי תמיד ייתן תוצאה זוגית
- אם מכפלת ביטוי היא אי-זוגית, בהכרח כל הגורמים בביטוי הם אי-זוגיים
- חלוקת אי-זוגי בזוגי - התוצאה תמיד שבר
- חזקה לא משפיעה על זוגיות ביטוי - מותר למחוק חזקות

חשיבה פסיכומטרית

- הצבת מספרים - יעילה ברוב השאלות



סיכום שיעור - ציר המספרים



תחומים על ציר המספרים

גדול מ-1 | שבר חיובי | שבר שלילי | קטן מ-(-1)

תגובה לפעולות חשבון

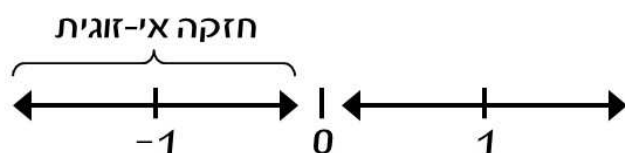
- המספרים בכל תחום מגיבים לכפל/חילוק/חזקה/שורש באופן דומה (גדלים או קטנים)
- כפל בשבר - מקרב ל-0
- חילוק בשבר - מרחיק מ-0
- סימטריה: המספרים השליליים מתנהגים כמו "מראה" של המספרים החיוביים

השוואת מספרים וביטויים

- חזקה/שורש זהה: ניתן להתעלם מהחזקה/מהשורש - המספר שהיה גדול יותר יישאר גדול יותר
- חזק על חזק - חלש על חלש: בהשוואת ביטויים נשווה בין גורמים מתאימים

שיטת הציר

- בהעלאה בחזקה, המספרים בכל אחד מהתחומים נעים בכיוון החץ (גדלים או קטנים)
- ככל שהחזקה גדולה יותר, כך ההשפעה שלה גדלה
- שורש גורם לתנועה הפוכה מחזקה



ה'יררכיית תחומים

- מספר לא יכול לעבור תחום, למעט:
- חזקה זוגית למספר שלילי (הופך לחיובי)
 - חזקה שלילית (עובר לתחום הנגדי)

חשיבה פסיכומטרית

- הצבת מספרים
- הצבת תשובות



סיכום שיעור - תרגילים באותיות



סידור נתונים

- כתיבה במאונך
- תרגיל חיסור \leftarrow נהפוך לתרגיל חיבור
- תרגיל חילוק \leftarrow נהפוך לתרגיל כפל

טכניקות פתרון

- ניסוי וטעייה + בלשות (ברוב המכריע של השאלות)
- הצגה אלגברית: $AB = 10A + B$

ניסוי וטעייה / בלשות

- ספרה שמאלית במספר לעולם לא תהיה שווה ל-0
- ספרה שמאלית: אם מספר הספרות של תוצאת תרגיל חיבור גדול ממספר הספרות של המספרים המחוברים, הספרה השמאלית של התוצאה תהיה שווה ל-1
- ספרת אחדות: מומלץ לבודד את ספרת האחדות ולהסיק ממנה מה שניתן

ספרות מיוחדות

- 0, 1, 5, 6: כאשר כופלים אותן בעצמן ספרת האחדות נשארת זהה
- 5 כפול x \leftarrow 5, 0
- 6 כפול ספרה זוגית \leftarrow ספרת האחדות נשארת זהה לספרה בה כפלנו את 6 (לדוגמה: $6 \cdot 4 = 24$)

חשיבה פסיכומטרית

- הערכת סדר גודל
- הצבת תשובות



סיכום שיעור - הגדרת פעולה



סוגי שאלות

- פעולה על מספרים: נחשב את הביטוי המבוקש בהתאם להגדרת הפעולה
- פעולה על נעלמים: לרוב נעדיף להציב מספרים
- פעולה בתשובות

סוגים "חריגים"

- תנאים: מוגדרות פעולות שונות בהתאם לערך עליו מבוצעת הפעולה
- מציאת פעולה: נציב את המספרים בפעולות הנתונות ונבדוק אם מקבלים את התוצאה הרצויה
- פעולה על ביטוי: יש לשים לב מי הנעלם ועל מי מבוצעת הפעולה
- פעולה מעגלית: לשים לב לתנאי העצירה (תמיד יהיה)
- בידוד פעולה: תחילה יש לבודד את הפעלה באגף אחד (כפי שמבודדים נעלם במשוואה), ורק לאחר מכן לפתור

ניואנסים

- הפעולה החדשה כפופה לסדר פעולות חשבון
- שילוב תחומים: לעיתים מופיעות שאלות המשלבות תחומים נוספים כגון ראשוניים, תרגילים באותיות וכדומה

חשיבה פסיכומטרית

- הברקה - מאחורי חלק גדול מהשאלות עומד רעיון הבנתי וניתן לפתור אותן כמעט ללא חישוב
- הצבת מספרים - טכניקה יעילה בהרבה שאלות בנושא זה



סיכום שיעור - הבנה אלגברית



נקודות

- נושא זה כולל תרגילים אלגבריים שאינם משויכים בצורה מובהקת לנושא מסוים או שהם משלבים מספר תחומים יחד
- פתרון תרגילים אלו הוא ברובו הגיוני וטבעי יותר, ודורש חשיבה והבנה של החוקים
- לעיתים הפתרון יהיה אלגברי, ולעיתים נהיה חייבים להשתמש בכלים פסיכומטריים כגון הצבה מספרים, הצבת תשובות, הערכת סדר גודל וכדומה.



campus.gov.il
הפסיכומטרי של המדינה
אלעד שווייצר, ליאור כהן

בעיות

סיכום שיעור - בעיות ניסוי וטעייה



ניסוי וטעייה

- לבדוק באופן שיטתי (להתחיל מהמינימום ולעלות);
אם מדלגים על מספר הוא לא יכול להתקבל
- כאשר ההפרש קבוע - יש חוקיות מתמטית

חוקיות קבועה

- לא לנסות לפתור בעזרת נוסחאות סדרה מבי"ס
- דרך הפתרון - לרשום איבר איבר
- לשים לב לקצוות (האם כלולים או לא?)
- כשיש מחזור קבוע יש חוקיות מתמטית
- מציאת איברים משותפים - יש למצוא את המכנה המשותף הקטן ביותר

מינימום-מקסימום

- מיקסום איבר - מינימום לשאר
- הבנת טווח - קריטריון מינימום ומקסימום
- בדיקת מקרי קצה והשלכה על השאר

הצבת תשובות

- להתחיל להציב מהתשובה הנוחה/העגולה
- אם התשובות מספריות - ניתן לסמן מיד כשמגיעים לתשובה מתאימה - אין צורך לפסול 3 תשובות
- פסילה לפי חלוקה (חייב להתחלק ב-...)
- הצבה מהאמצע - לאחר הצבה ראשונה מבינים האם צריך מספר גדול/קטן יותר





בעיות כלליות

- לחשב בסוף ולא תוך כדי (לפעמים החישוב מיותר כי מספרים יכולים להצטמצם בהמשך)

יחסים זהים

- נפתור באמצעות יחס אופקי/אנכי, ואם לא מזהים את היחס אז באמצעות ערך משולש

יחס מתמטי

- להכיר את הניסוחים השונים של התאמת יחידות היחס לאיברים השונים
- נפתור על ידי בניית משוואה, ניתן לפסול לפי חלוקה (חייב להתחלק ב-...)

בניית משוואה

- נבנה משוואה / ביטוי / אי-שוויון בהתאם לנתונים
- בבניית משוואה, נשווה בין האגפים בעזרת הטכניקה "תן למסכן" (נוסיף לצד הקטן)

חשיבה פסיכומטרית

- אם יש שברים - להציב מספר לפי המכנה (כדי לעבוד עם מספרים שלמים)
- אם מגיעים לשבר אז לשנות הצבה
- מצב סוף - להתחיל מהסוף וללכת לאחור



סיכום שיעור - בעיות אחוזים



הגדרת האחוז

- אחוז מתוך שלם הוא מאית מתוך השלם
(1% מתוך שלם כלשהו = השלם לחלק ל-100)
- המרת שבר לאחוז:
 - להרחיב/לצמצם עד שמגיעים למכנה 100
 - לזכור בעל-פה טבלת שברים נפוצים

הצבת 100

- כאשר השלם אינו נתון, נציב 100 במקום השלם (מה שיוצא במספרים זהה לאחוזים):
 - ניסוחים לדוגמה לזיהוי השלם:
% מתוך X , % מ-X (אחרי ה-מ' בא השלם)
 - אחוז אינו גודל קבוע - כאשר השלם משתנה, יש לחשב את האחוז מתוך השלם החדש

חישוב אחוזים

- חלק משלם = $\frac{\text{אחוז}}{100} \cdot \text{שלם}$
- שיטת 10% (5% הם חצי מ-10%)
- ערך משולש / יחסים זהים
(אם יש התאמה בין אחוז לכמות, ניתן למצוא כל חלק)
- לעיתים נח יותר לחשב אחוז משלים ולחסר מ-100%

חשיבה פסיכומטרית

- העלאה והורדה בשברים עוקבים
- מותר להחליף בין הסדר של אחוזים או בין אחוז לשלם
(12% מתוך 25 = 25% מתוך 12)





חפיפה כללי

- מחפית שתי קבוצות נוצרות 4 תתי-קבוצות:

לא	רק	גם	רק
ולא	ב	וגם	א

- אם גדלי הקבוצות נתונים בשברים - לרוב נמיר לאחוזים

טוחי חפיפה

- לכתוב את הנתונים באופן מסודר
(סה"כ = x , קבוצה 'א' = y , קבוצה 'ב' = z)
- חפיפה מקסימלית - גודל הקבוצה הקטנה
- חפיפה מינימלית - חריגת סכום הקבוצות מהשלם (שתי הקבוצות פחות הסה"כ)
- אם שתי הקבוצות לא חורגות מהשלם (שוות לשלם או פחות ממנו) - החפיפה המינימלית היא אפס

חפיפה מדויקת

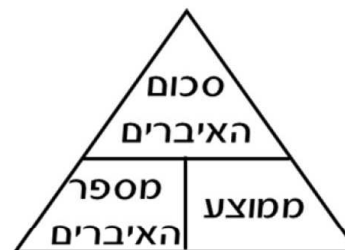
- מומלץ לעבוד עם שיטת הריבועים (לא לשכוח לסמן גם את "לא א" בשני הריבועים השמאליים)
- לשים לב כאשר קבוצת הלא ולא = 0 (לעיתים הנתון "מוסלק" בשאלה - לשים לב לניסוחים השונים בתרגול)





ממוצע חשבוני

$$\text{ממוצע} = \frac{\text{סכום האיברים}}{\text{מספר האיברים}}$$



- ממוצע כנקודת איזון - סכום המרחקים של האיברים משני צדי הממוצע שווה זה לזה
- כאשר מוסיפים או מוציאים איבר השווה לממוצע של הקבוצה, הממוצע לא משתנה
- כאשר נתון ממוצע של קבוצה ניתן להתייחס לכל אחד מהאיברים כאילו הוא שווה לממוצע

ממוצע משוקלל

$$\text{מ. משוקלל} = \frac{[\text{ערר ב}] \cdot [\text{משקל ב}] + [\text{ערר א}] \cdot [\text{משקל א}]}{\text{סכום המשקלים}}$$

חישוב ממוצע לפי יחסים:

- כאשר גודל הקבוצות זהה - הממוצע יהיה בדיוק באמצע (כמו ממוצע חשבוני פשוט)
- כאשר גודל הקבוצות שונה - הממוצע יהיה קרוב יותר לקבוצה הגדולה בהתאם ליחס המשקלים בין הקבוצות
- לעיתים מספיק להבין שהממוצע קרוב יותר לקבוצה הגדולה, ואין צורך לחשב מעבר לכך



סיכום שיעור - בעיות הספק



חישוב הספק

$$\frac{\text{עבודה}}{\text{זמן}} = \text{הספק}$$

- מומלץ לחשב באמצעות יחסים זהים / ערך משולש
- יש להקפיד על התאמת יחידות זמן

עבודה משותפת

- נשווה זמני פועלים ונחבר את העבודות (הפועלים עובדים במקביל - לא מחברים את הזמנים, רק את העבודות)

צוות

- שיטת ה-V - נכפול בין 3 המספרים המחוברים ב-V ונחלק במכפלת המספרים הנותרים
- יחסים (מומלץ כשאחד הגורמים לא משתנה)
- זמן עבודה = זמן · מספר פועלים (הזמן שדרוש לפועל אחד לבצע את העבודה לבדו)

יחס ישר/הפוך

- כאשר העבודה קבועה יש יחס הפוך בין ההספק לזמן (אם ההספק יגדל פי 3 הזמן יקטן פי 3)
- כאשר הזמן קבוע יש יחס ישר בין ההספק לעבודה (אם ההספק יגדל פי 3 העבודה תגדל פי 3)
- כאשר ההספק קבוע יש יחס ישר בין הזמן לעבודה (אם העבודה תגדל פי 3 הזמן יגדל פי 3)

המרת יחידות

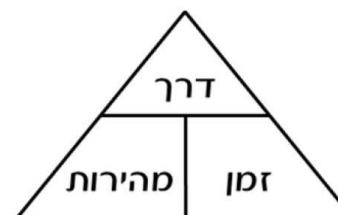
- מעבר משעות לדקות - כופלים ב-60
- מעבר מדקות לשעות - מחלקים ב-60





נוסחת התנועה

$$\frac{\text{דרך}}{\text{זמן}} = \text{מהירות}$$



- יש להקפיד על התאמת יחידות (דרך/זמן/מהירות)
- נחשב על-ידי נוסחה, או על-ידי יחסים זהים / ערך משולש
- מומלץ לצייר, ולבצע חישובים ישירות על הסכמה

מהירות יחסית

- להתייחס כאילו האיטי עומד במקום:

- מרדף - מחסרים מהירויות
- מפגש/התרחקות - מחברים מהירויות

יחסי מרחקים

- נחשב לפי יחסי מהירויות (לדוגמה במפגש, מי שמהיר פי 2 יעבור 2/3 מהדרך, והאיטי יעבור 1/3 מהדרך)

יחס ישר/הפוך

- כאשר הדרך קבועה יש יחס הפוך בין המהירות לזמן (אם המהירות תגדל פי 3 הזמן יקטן פי 3)
- כאשר הזמן קבוע יש יחס ישר בין המהירות לדרך (אם המהירות תגדל פי 3 הדרך תגדל פי 3)
- כאשר המהירות קבועה יש יחס ישר בין הזמן לדרך (אם הדרך תגדל פי 3 הזמן יגדל פי 3)

מהירות ממוצעת

מהירות ממוצעת = כל הדרך לחלק לכל הזמן

המרת יחידות

- מעבר משעות לדקות - כופלים ב-60
- מעבר מדקות לשעות - מחלקים ב-60





ניסוי וטעייה

- נפרט את האפשרויות השונות ללא חישוב

חישוב אפשרויות בניסוי רב-שלבי

- "וגם" - נכפול בין האפשרויות של שלבי הבחירה
 - סדר הבחירה בשלבים אינו משנה
 - סידור n איברים בשורה = $n!$
 - עם החזרה - "המאגר" נשאר זהה בכל השלבים
 - בלי החזרה - בכל בחירה "המאגר" קטן ב-1
 - תלות - לשים לב אם יש תלות בין שלבי בחירה (למשל, סכום ספרות שווה ל-10)
 - ספרה שמאלית במספר לא יכולה להיות אפס
 - לדעת בעל-פה: $2!$, $3!$, $4!$, $5!$
- "או" - נחבר בין האפשרויות של שלבי הבחירה

חיסור אפשרויות

- מותר = אסור - סה"כ

בחירת קבוצה (שאלות קצה)

- נחשב כרגיל ונחלק במספר הסידורים הפנימיים של האיברים שבחרנו (אם בחרנו n איברים, נחלק ב- $n!$)

מאורע משלים

- מספר הצרופים של מאורע כלשהו שווה למספר הצרופים של המאורע המשלים שלו
- בחירת $(n-1)$ איברים מתוך n איברים = n אפשרויות (במקום לבחור קבוצה של $(n-1)$ איברים, נבחר את האיבר האחד שנשאר - זה שלא בחרו בו)

פעולה הדדית

- על מנת לצמצם את הכפילות נחלק ב-2: $\frac{n(n-1)}{2}$
- סדרה עולה/יורדת (תלוי מאיזה כיוון מתחילים לספור)
- חישוב אלכסונים במצולע



סיכום שיעור - בעיות הסתברות



חישוב הסתברות

$$\text{הסתברות} = \frac{\text{מספר האפשרויות הרצויות}}{\text{מספר האפשרויות הכולל}}$$

טווח הסתברות

$$0 \leq \text{הסתברות} \leq 1$$

- כאשר מאורע מתרחש בוודאות: הסתברות = 1
- כאשר מאורע בוודאות לא מתקיים: הסתברות = 0
- הסתברות משלימה - סכום ההסתברויות של כל המאורעות שווה ל-1 (אם הסיכוי שירד גשם הוא $1/3$ אז הסיכוי שלא ירד גשם הוא $2/3$)

סימטריה

- בהטלת שתי קוביות - הסיכוי לקבל סכום 7 הוא הגבוה ביותר. הסיכוי ליתר הסכומים - סימטרי משני צדי 7
- כולנו שווים - כאשר לאיברים אין עדיפות אחד על השני, הסיכוי שלהם להיבחר בכל שלב זהה

חישוב הסתברות בניסוי רב-שלבי

- "וגם" - נכפול בין ההסתברויות של השלבים
 - תמיד נבחר איברים אחד אחרי השני (לא ביחד)
 - עם החזרה - "המאגר" נשאר זהה בכל השלבים
 - בלי החזרה - בכל בחירה "המאגר" קטן ב-1
 - תלות - לשים לב אם יש תלות בין שלבי בחירה (למשל, סכום הטלת שתי קוביות שווה ל-7)
 - הסתברות של מאורע שקרה = 1 (אין היסטוריה)
- "או" - נחבר בין ההסתברויות של השלבים

בחירה ראשונה

- כאשר בבחירה הראשונה כל האפשרויות רצויות (הסתברות שווה 1), אפשר להתעלם ממנה (למשל, הסיכוי ל"דאבל" בהטלת שתי קוביות)



סיכום שיעור - בעיות אחוזים



הגדרת האחוז

- אחוז מתוך שלם הוא מאית מתוך השלם
(1% מתוך שלם כלשהו = השלם לחלק ל-100)
- המרת שבר לאחוז:
 - להרחיב/לצמצם עד שמגיעים למכנה 100
 - לזכור בעל-פה טבלת שברים נפוצים

הצבת 100

- כאשר השלם אינו נתון, נציב 100 במקום השלם (מה שיוצא במספרים זהה לאחוזים):
 - ניסוחים לדוגמה לזיהוי השלם:
% מתוך X , % מ-X (אחרי ה-מ' בא השלם)
 - אחוז אינו גודל קבוע - כאשר השלם משתנה, יש לחשב את האחוז מתוך השלם החדש

חישוב אחוזים

- חלק משלם = שלם $\cdot \frac{\text{אחוז}}{100}$
- שיטת 10% (5% הם חצי מ-10%)
- ערך משולש / יחסים זהים
(אם יש התאמה בין אחוז לכמות, ניתן למצוא כל חלק)
- לעיתים נח יותר לחשב אחוז משלים ולחסר מ-100%

חשיבה פסיכומטרית

- העלאה והורדה בשברים עוקבים
- מותר להחליף בין הסדר של אחוזים או בין אחוז לשלם
(12% מתוך 25 = 25% מתוך 12)



campus.gov.il
הפסיכומטרי של המדינה
אלעד שווייצר, ליאור כהן

גאומטריה



ישרים

- קטע - חלק של ישר התחום בין שתי נקודות
- ישרים מקבילים - ישרים שאינם נחתכים

סוגי זוויות

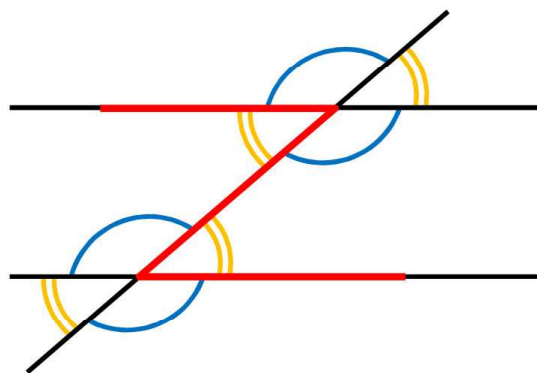
- זווית חדה - זווית הקטנה מ- 90°
- זווית ישרה - זווית השווה ל- 90°
- זווית קהה - זווית הגדולה מ- 90° וקטנה מ- 180°
- זווית שטוחה - זווית השווה ל- 180°
- זוויות צמודות - שתי זוויות המרכיבות יחד זווית שטוחה
- זוויות קודקודיות - שתי זוויות הנמצאות אז מול אז, הנוצרות מחיתוך שני ישרים

חשיבה פסיכומטרית

- הצבת מספרים במקום נעלמים
- בזוויות - נציב זווית בגודל דומה לזווית בסרטוט

כללי זוויות

- זוויות קודקודיות שוות אז לאז
- סכום זוויות צמודות שווה ל- 180°
- ישר החותך ישרים מקבילים:
 - כל הזוויות ה"קטנות" שוות אז לאז
 - כל הזוויות ה"גדולות" שוות אז לאז
 - סכום זווית "קטנה" + זווית "גדולה" שווה ל- 180°





מונחים

- תיכון - קטע המחבר בין קודקוד משולש לאמצע הצלע שמולו
- גובה - קטע המחבר בין קודקוד משולש עם הצלע שמולו, ויוצר זווית בת 90° עם הצלע, או עם המשכה
- חוצה זווית - ישר המחלק את הזווית ל-2 זוויות שוות

חוקי משולשים

- סכום הזוויות במשולש שווה ל- 180°
- זווית חיצונית למשולש שווה לסכום שתי הזוויות הפנימיות שאינן צמודות לה
- בכל משולש הצלע הגדולה נמצאת מול הזווית הגדולה, והצלע הקטנה נמצאת מול הזווית הקטנה, ולהפך
- סכום שתי צלעות במשולש יהיה תמיד גדול מהצלע השלישית. אם x הוא אורך צלע במשולש אז:
סכום הצלעות האחרות $< x <$ הפרש הצלעות האחרות

משולש שווה-שוקיים

- זוויות הבסיס שוות זו לזו
- התיכון לבסיס הוא גם הגובה לבסיס וגם חוצה את זווית הראש

משולש שווה-צלעות

- כל הזוויות הן בנות 60°
- כל תיכון הוא גם גובה וגם חוצה זווית

משולש ישר-זווית

- משפט פיתגורס: $(\text{יתר})^2 = (\text{ניצב})^2 + (\text{ניצב})^2$

שטח משולש

- שטח משולש: $\frac{\text{גובה לצלע} \cdot \text{צלע}}{2}$
- שטח משולש שווה צלעות: $\frac{(\text{צלע})^2 \cdot \sqrt{3}}{4}$





שלשות פיתגוריות

- שלשות פיתגוריות הן שלשות של מספרים שלמים שמקיימים את משפט פיתגורס
- שלשות שצריך להכיר:
 - 3 : 4 : 5
 - 5 : 12 : 13 (חמסה, בת-מצווה, בר-מצווה)
 - 8 : 15 : 17 (נדיר)
- השלשות הפיתגוריות מגדירות יחס בין צלעות. כל שלשת מספרים השומרת על אותו יחס תתאים גם כן (למשל: 6:8:10 היא הרחבה פי 2 של השלשה 3:4:5)

משולש זהב

- משולש שזוויותיו הן: 30° , 60° , 90° מכונה משולש זהב, וצלעותיו מקיימות את היחס: $a : a\sqrt{3} : 2a$
- הניצב הקטן שווה למחצית היתר
- על מנת לעבור מהניצב הקטן לניצב הגדול נכפול פי $\sqrt{3}$
- על מנת לעבור מהניצב הגדול לניצב הקטן נחלק ב- $\sqrt{3}$

משולש כסף

- משולש כסף הוא משולש ישר-זווית ושווה-שוקיים. שתי הזוויות החדות שלו שוות ל- 45° , וצלעותיו מקיימות את היחס: $a : a : a\sqrt{2}$
- על מנת לעבור מאחד הניצבים ליתר נכפול פי $\sqrt{2}$
- על מנת לעבור מהיתר לאחד הניצבים נחלק ב- $\sqrt{2}$

עקרונות חוזרים וטיפים

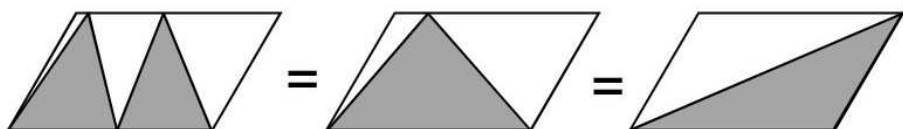
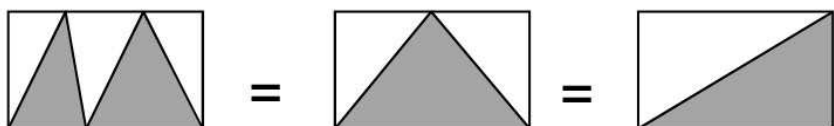
- שאלות שטחים אפורים נפתור לרוב על-ידי חיסור שטחים. נסרטט סכמה ונחשב בהתאם
- תיכון מחלק כל משולש לשני משולשים שווי שטח
- יחס שטחים - כאשר לשני משולשים גבהים זהים, יחס השטחים ביניהם שווה ליחס הבסיסים.
- לעתים ניתן לקזז צלעות ולחסוך חישובים





סימטריה

- שטח משולש החסום במקבילית, מלבן, מעוין או ריבוע (בסיסו שווה לאחת הצלעות וגובהו לגובה הצורה) שווה לחצי משטח הצורה



חשיבה פסיכומטרית

- בזוויות - נציב זווית בגודל דומה לזווית בסרטוט

שליטה בחוקי מרובעים

- מקבילית
- מלבן
- מעוין
- ריבוע
- דלתון
- טרפז

שאלות שטחים אפורים

- נפתור לרוב על-ידי חיסור שטחים. נסרטט סכמה ונחשב בהתאם
- חלק מהשאלות ניתן לפתור גם באמצעות השלמות

יחס שטחים

- כאשר לשני משולשים גבהים זהים, יחס השטחים ביניהם שווה ליחס הבסיסים



סיכום שיעור - מרובעים יסודות



מרובע

- מרובע הוא מצולע סגור בעל 4 צלעות
- סכום זוויות במרובע הוא 360°

מקבילית

- צלעות:
 - שני זוגות של צלעות נגדיות מקבילות ושוות
- זוויות:
 - נגדיות - שוות זו לזו
 - סמוכות - משלימות ל- 180°
- אלכסונים:
 - חוצים זה את זה
 - לא שווים זה לזה
 - לא מאונכים זה לזה
 - לא חוצים זוויות
- מחלקים את המקבילית ל-4 משולשים שווי שטח
- שטח:
 - צלע · גובה לצלע

מלבן

- צלעות:
 - שני זוגות של צלעות נגדיות מקבילות ושוות
- זוויות:
 - כולן שוות ל- 90°
- אלכסונים:
 - חוצים זה את זה
 - שווים זה לזה
 - לא מאונכים זה לזה
 - לא חוצים זוויות
- מחלקים את המלבן ל-4 משולשים שווי שטח
- שטח:
 - צלע · גובה לצלע



סיכום שייעור - מרובעים יסודות



מעוין

- צלעות:
 - כולן שוות
 - שני זוגות של צלעות נגדיות מקבילות
- זוויות:
 - זוויות נגדיות - שוות זו לזו
 - זוויות סמוכות - משלימות ל- 180°
- אלכסונים:
 - חוצים זה את זה
 - לא שווים זה לזה
 - מאונכים זה לזה
 - חוצים זוויות
- מחלקים את המעוין ל-4 משולשים ישרי-זווית חופפים
- שטח:
 - צלע · גובה לצלע
- מכפלת אלכסונים
 - $\frac{\text{מכפלת אלכסונים}}{2}$

ריבוע

- צלעות:
 - כולן שוות
 - שני זוגות של צלעות נגדיות מקבילות
- זוויות:
 - כולן שוות ל- 90°
- אלכסונים:
 - חוצים זה את זה
 - שווים זה לזה
 - מאונכים זה לזה
 - חוצים זוויות
- מחלקים את הריבוע ל-4 משולשים כסף חופפים
- שטח:
 - צלע · גובה לצלע
- מכפלת אלכסונים
 - $\frac{\text{מכפלת אלכסונים}}{2}$



סיכום שייעור - מרובעים יסודות



טרפז

- צלעות: זוג אחד של צלעות מקבילות (בסיסים)
- זוויות: זוויות הנשענות על אותה שוק משלימות ל- 180°
- שטח: $\frac{\text{גובה} \cdot (\text{סכום הבסיסים})}{2}$

טרפז ישר-זווית

- בעל שוק אחת הניצבת לזוג הישרים המקבילים

טרפז שווה שוקיים

- שוקיים שוות
- זוויות בסיס תחתון שוות וזוויות בסיס עליון שוות
- זווית בסיס תחתון וזווית בסיס עליון משלימות ל- 180°
- אלכסונים שווים
- ניתן להוריד שני גבהים ולחלק את הטרפז למלבן ושני משולשים ישרי זווית חופפים

דלתון

- צלעות: שני זוגות של צלעות סמוכות שוות
- זוויות: זוויות בסיס - שוות זו לזו
זוויות ראש - שונות
- אלכסונים: ראשי חוצה את המשני, משני לא חוצה את הראשי
לא שווים זה לזה
מאונכים זה לזה
- ראשי חוצה את זוויות, משני לא חוצה את הזוויות
- מחלקים את הדלתון ל-2 זוגות של משולשים ישרי-זווית חופפים
- שטח: $\frac{\text{מכפלת אלכסונים}}{2}$





מונחים

- הגדרת מעגל: צורה שכל הנקודות על ההיקף שלה נמצאות במרחק שווה מהנקודה שהיא מרכז המעגל
- רדיוס - קו ישר המחבר את מרכז המעגל לנקודה כלשהי על היקף המעגל.
כל הרדיוסים במעגל מסוים שווים זה לזה.
הרדיוס מסומן באות r
- מיתר - קו ישר המחבר שתי נקודות על היקף המעגל
- קוטר - מיתר העובר דרך מרכז המעגל, אורכו הוא $2r$ (הקוטר הוא המיתר הארוך ביותר במעגל)
- קשת - חלק מהיקף המעגל
- זווית היקפית - זווית אשר קודקודה מונח על היקף המעגל (כלואה בין שני מיתרים)
- זווית מרכזית - זווית אשר קודקודה מונח על מרכז המעגל (כלואה בין שני רדיוסים)

כללי זוויות במעגל

- זוויות היקפיות הנשענות על קשתות שוות / מיתרים שווים / אותה קשת - שוות זו לזו
- זוויות מרכזיות הנשענות על קשתות שוות / מיתרים שווים - שוות זו לזו
- זווית מרכזית שווה לפעמיים הזווית ההיקפית הנשענת על אותה הקשת / קשתות שוות / מיתרים שווים
- זווית היקפית הנשענת על קוטר שווה ל- 90°
- במרובע חסום במעגל סכום זוויות נגדיות שווה ל- 180°





משיקים למעגל

- משיק - קו ישר העובר מחוץ למעגל ונוגע בהיקף המעגל בנקודה אחת בלבד
- הרדיוס מאונך למשיק בנקודת ההשקה
- שני משיקים היוצאים מאותה נקודה שווים זה לזה, ויוצרים דלתון עם הרדיוסים לנקודות ההשקה
- אם נתון משיק ולא מסורטט רדיוס לנקודת ההשקה, נוסף בניית עזר - רדיוס לנקודת ההשקה

שטח והיקף מעגל

- היקף מעגל = $2\pi r$
- שטח מעגל = πr^2
- $\pi \approx 3.14$

גזרה וקשת מעגל

- קשת - חלק מהיקף המעגל
- אורך קשת - שווה לחלק היחסי של הקשת מתוך היקף המעגל = $\frac{\alpha}{360} \cdot 2\pi r$
- גזרה - חלק משטח המעגל
- שטח גזרה שווה לחלק היחסי של הגזרה מתוך שטח המעגל = $\frac{\alpha}{360} \cdot \pi r^2$





זוויות שמומלץ לזכור

חלק מהמעגל		זווית מרכזית
$\frac{1}{3}$	\Leftrightarrow	120°
$\frac{1}{6}$	\Leftrightarrow	60°
$\frac{1}{12}$	\Leftrightarrow	30°

חלק מהמעגל		זווית מרכזית
$\frac{1}{2}$	\Leftrightarrow	180°
$\frac{1}{4}$	\Leftrightarrow	90°
$\frac{1}{8}$	\Leftrightarrow	45°

$\frac{1}{9}$	\Leftrightarrow	40°
$\frac{1}{18}$	\Leftrightarrow	20°
$\frac{1}{36}$	\Leftrightarrow	10°

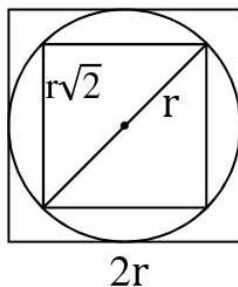
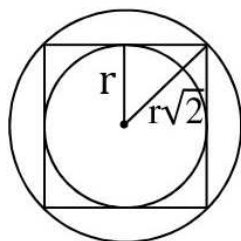
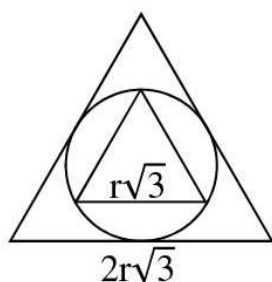
$\frac{1}{5}$	\Leftrightarrow	72°
$\frac{1}{10}$	\Leftrightarrow	36°
$\frac{1}{20}$	\Leftrightarrow	18°





חשיבה פסיכומטרית

- חיסור שטחים - פסילה לפי:
 - חישוב חלקי
 - ה- π לא במקום הנכון
 - הערכת סדר גודל
 - תשובות שליליות (מוצגות באמצעות π)
- סימטריה
- אובייקטים שמומלץ להכיר:



שליטה בחוקי מעגלים

- זוויות במעגל:
 - ז. היקפיות על אותו חלק מהמעגל שוות
 - ז. מרכזיות על אותו חלק מהמעגל שוות
 - ז. מרכזית כפולה מהיקפית על אותו חלק מהמעגל
 - מרובע חסום במעגל - סכום זוויות נגדיות 180°
- היקף מעגל = $2\pi r$
- אורך קשת = $\frac{\alpha}{360} \cdot 2\pi r$
- שטח מעגל = πr^2
- שטח גזרה = $\frac{\alpha}{360} \cdot \pi r^2$

עקרונות חוזרים

- שאלות שטחים אפורים - לרוב נפתור על-ידי חיסור שטחים. נסרטט סכמה ונחשב בהתאם
- שאלות חוסם/חסום - נציב 1 ברדיוס המעגל ונפתור
- שאלות קצה בהן נזדקק לבניית עזר יצירתית





חוקי מצולעים

- סכום זוויות במצולע בעל n צלעות: $180(n - 2)$
 - מחומש = 540°
 - משושה = 720°
 - מתומן = 1080°

- גודל זווית במצולע משוכלל בעל n צלעות: $\frac{180(n-2)}{n}$
 - מחומש = 108°
 - משושה = 120°
 - מתומן = 135°

- זווית מרכזית במצולע משוכלל בעל n צלעות: $\frac{360}{n}$
 - מחומש = 72°
 - משושה = 60°
 - מתומן = 45°

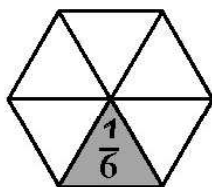
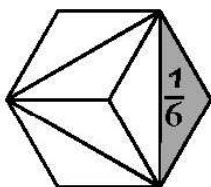
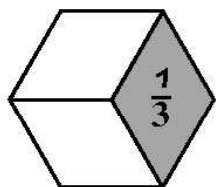
- טיפ - זווית מרכזית משלימה את זווית המצולע ל- 180°
- טיפ - תוספת צלע למצולע מוסיפה 180° לסכום הזוויות
- רדיוס ממרכז המעגל החוסם, חוצה את זווית המצולע

אלכסונים במצולעים משוכללים

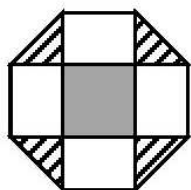
- מחלקים את הזווית לזוויות שוות (ז. היקפיות במעגל חוסם)

משושה משוכלל

- שטח משושה משוכלל שצלעו a : $\frac{6a^2\sqrt{3}}{4}$



מתומן משוכלל



- ריבוע + 4 משולשי כסף + 4 מלבנים
 (שטח הריבוע = שטח 4 משולשים)

חשיבה פסיכומטרית

- סימטריה
- מצולעים משוכללים - לרוב ניתן להסתמך על הסרטוט



סיכום שייעור - תלת-ממד



מונחים

- מקצוע - "צלע" של גוף תלת-ממדי
- פאה - צד, דופן של גוף
- מנסרה - גוף תלת-ממדי "ישר" - ששני הבסיסים שלו (התחתון והעליון) הם מצולעים זהים
- נפח - תכולה של גוף, קיבולת הגוף, תפיסת מקום בחלל
- שטח מעטפת - החלק שעוטף את הגוף, סכום שטחי הפאות המרכיבות את הגוף מלבד הבסיסים
- שטח פנים - שטח הגוף מכל הכיוונים (שטח כל הפאות)

נוסחאות

- נפח גוף ישר: גובה · שטח הבסיס
- נפח גוף מחודד: $\frac{\text{נפח גוף ישר}}{3}$
- שטח מעטפת (גוף ישר): גובה · היקף הבסיס
- שטח פנים: שטח הבסיסים + שטח המעטפת

עקרונות חוזרים

- יחסי נפחים
- חוסם/חוסם
- משולשים פנימיים
- זוויות בין ישרים בקובייה
- הכלת גופים מוצקים
- קובייה הונגרית

חשיבה פסיכומטרית

- סימטריה
- עבודה עם יחסי נפחים במקום חישוב
- שטח פנים - קטן ככל שהגוף "מכונס" יותר
- יחסי שטחים בחוסם/חוסם - רדיוס מצטמצם





דמיון משולשים

- איך מזהים: 2 זוויות שוות
* מול זוויות שוות צלעות דומות
- דמיון מתקיים בין כל שני קווים דומים - גבהים, היקפים ואף הפרשי צלעות מתאימות (לא רק בין צלעות)
- איך מחשבים:
 - יחס בין צלעות דומות במשולשים שונים
 - יחס בין צלעות באותו משולש
 - יחס בין חלקי צלעות
- * אם נבחר לחלק את המשולש הקטן במשולש הגדול עלינו להקפיד להמשיך בדרך זו לאורך כל התרגיל
- משולשים חופפים הם משולשים דומים ביחס של 1:1
- קטע אמצעים במשולש:
 - מקביל לצלע השלישית, ויוצר משולשים דומים
 - מחיבור מרכזי 3 הצלעות מתקבלים 4 משולשים חופפים

דמיון צורות

- דו-ממד:
 - כל שתי צורות משוכללות מאותה משפחה דומות
 - מלבנים דומים אם האורך והגובה השתנו באותו יחס תלת-ממד:
 - כל הקוביות דומות זו לזו, כל הכדורים דומים זה לזה
 - יתר הצורות - דומות רק אם הממדים השתנו באותו יחס

יחסים בצורות דומות

- יחס קווי נשמר
- יחס שטחים = $(\text{יחס קווי})^2$
- יחס נפחים = $(\text{יחס קווי})^3$

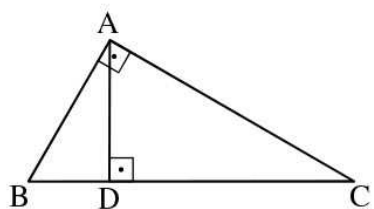
דמיון חלקי בגליל ובחרוט

- השינוי בגובה משפיע על הנפח ביחס ישר
- השינוי ברדיוס משפיע על הנפח בריבוע



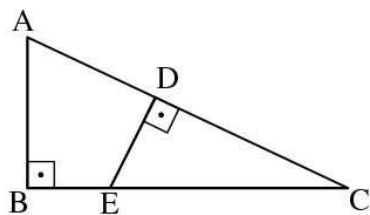


דמיון משולשים - אובייקטים נפוצים



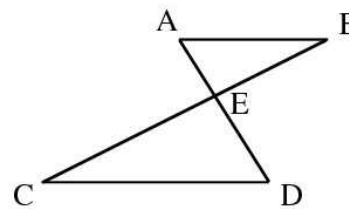
דומים:

$$\triangle CAB \sim \triangle CDA \sim \triangle ADB$$



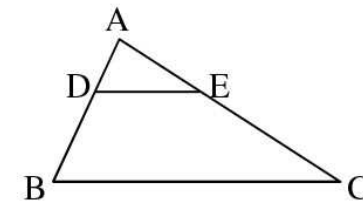
דומים:

$$\triangle ABC \sim \triangle CDE$$



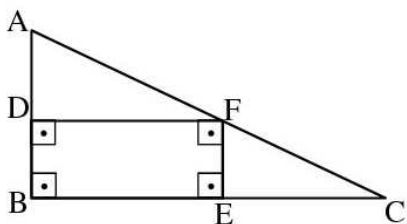
נתון: $AB \parallel CD$

דומים: $\triangle AEB \sim \triangle DEC$



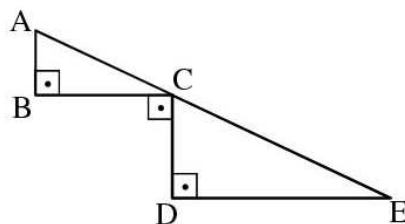
נתון: $DE \parallel BC$

דומים: $\triangle ADE \sim \triangle ABC$



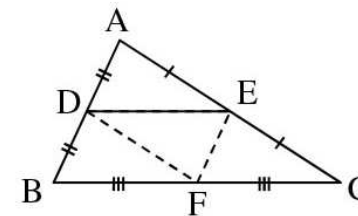
דומים:

$$\triangle ADF \sim \triangle ABC \sim \triangle FEC$$



דומים:

$$\triangle ABC \sim \triangle CDE$$



נתון: DE קטע אמצעים

דומים: $\triangle ADE \sim \triangle ABD$

חופפים: $\triangle ADE \cong \triangle DBF \cong \triangle EFC \cong \triangle FED$





שאלות הבנת ישרים במערכת צירים

- ישר שמקביל לאחד הצירים בהכרח מאונך לציר השני
- ישר שאינו חותר ציר מסוים בהכרח מקביל לו
- אם ישר אינו מקביל לאחד הצירים הוא חותך כל אחד מהם פעם אחד בלבד
- לישר המתלכד עם ציר מסוים יש אינסוף נקודות מפגש עם הציר
- כאשר ישר עובר בראשית הצירים, היחס בין ערך ה-x לערך ה-y של כל הנקודות על הישר הוא קבוע, ולהיפך

שאלות חילוץ נתונים בתחומים:

- זוויות וישרים
- משולשים
- מרובעים
- מעגלים
- מצולעים
- תלת-ממד
- דמיון וחפיפה

כללי חילוץ נתונים

- חישוב מרחק בין שתי נקודות:
 - אם יש ערך x או y זהה, המרחק הוא ההפרש בין הערכים השונים של שתי הנקודות [$(5,2)$; $(9,2)$ - המרחק הוא 4]
 - אם אין ערך זהה, נסגור משולש ישר-זווית (הניצבים מקבילים לצירים) ונחשב את היתר (המרחק בין שתי הנקודות) באמצעות משפט פיתגורס
- אם נתונים מרחקים שווים בין נקודות על אותו ישר, נפתור באמצעות דמיון/חפיפת משולשים





סרטטים גמישים

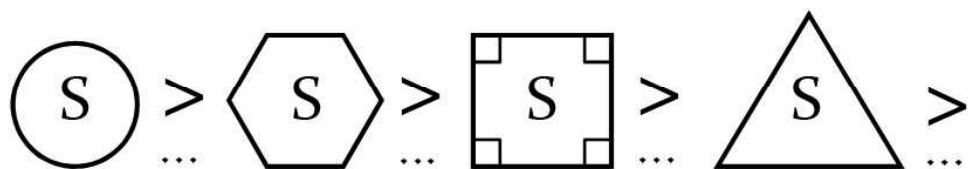
- נקצין את הסרטוט ונבין האם הנתונים בשאלה מספיקים כדי לפתור אותה

מיקס (מינימום-מקסימים)

- בדיקת קצוות - נבחן את מקרי הקיצון של הנתונים
- תיקון סרטוט - נתאים את הסרטוט לנתונים
- מיתרים במעגל - ככל שהמיתר קרוב יותר למרכז המעגל כך הוא גדול יותר, ולהפך
- עוגן - נשווה את המקרה למצב מוכר
- מפתח זווית:
 - ככל שהזווית גדולה יותר, כך המפתח שהיא יוצרת גדול יותר (כל עוד אנחנו במרחק זהה מקודקודה)
 - ככל שנרחיק קודקוד זווית אשר נשענת על קטע, כך היא תקטן
- טווח שטח - השטח המקסימאלי יתקבל כאשר הגובה יהיה מקסימאלי, ולהפך

יעלות צורה

- ככל שצורה משוכללת דומה למעגל, כך היא תהיה יותר "יעילה" - יהיה לה יותר שטח על פחות היקף
- בין כל 2 צורות מאותה המשפחה, הצורה המשוכללת היא ה"יעילה" ביותר.



ניסוי וטעייה

